

(注意) 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。解答用紙のみ提出しなさい。

- (1) 円周率は3.14とします。
- (2) 角すいの体積は(底面積×高さ)÷3として計算します。(高さとは、頂点から底面に引いた垂線の長さのこと)
- (3) 3辺の長さの比が3:4:5であるような三角形はすべて直角三角形です。

① 次の各問いに答えなさい。

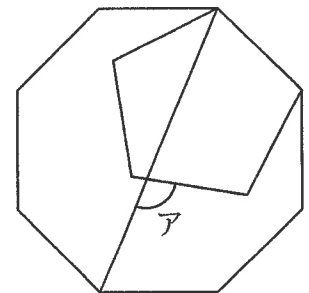
- (1)  に当てはまる数は何ですか。

$$\left(16 \times 16 - \text{□}\right) \div \left(\frac{17}{1000} + 27 \div 250\right) = 2000$$

- (2) 2, 3, 4の3つの数の中から1つを選んで0に足していく操作を繰り返します。足した数の合計がちょうど8になって操作を終了したとき、次の①、②の場合、数の足し方はそれぞれ何通りありますか。

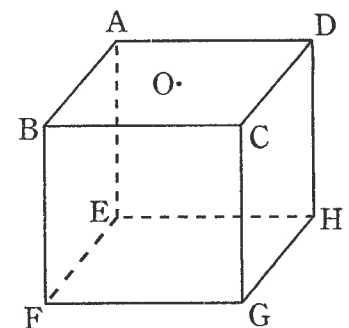
- ① 足した数の順番が異なるものも同じものとして数える場合
- ② 足した数の順番が異なるものは別のものとして数える場合

- (3) 図のように、正五角形と正八角形が1辺を共有して重なっています。アの角度は何度ですか。小数で答えなさい。



- (4) 図のように、1辺の長さが6cmの立方体ABCD-EFGHがあり、正方形ABCDの対角線の交点をOとします。四角すいO-EFGHを立体Xとし、Xを4点A, F, G, Dを通る平面Yで切断するとき、OHと平面Yの交点をPとします。

- ① 比OP:PHを最も簡単な整数比で答えなさい。
- ② 点Oを含むほうの立体の体積は何cm<sup>3</sup>ですか。



- ② ある遊園地を訪れる人の数は、平日は開園後、1分間に28人の割合で増え続けます。開園後はいくつかある入場ゲートに分かれて入場し、1か所のゲートで1分間に入場できる人数の割合は一定です。

ある月の1日は平日で、開園前にはすでに何人か並んでいました。開園後、7か所のゲートで入場を開始すると、開園から50分後に並んでいる人は0人になりました。

翌日の2日も平日で、開園前には前日より210人多く並んでいました。開園後、9か所のゲートで入場を開始すると、開園から35分後に並んでいる人は0人になりました。

- (1) 1か所のゲートで1分間に入場できる人数は何人ですか。
- (2) 2日の開園前に並んでいた人は何人ですか。

翌日の3日は休日だったので、開園前には前日よりさらに多くの人が並んでいました。また、開園後も1分間に48人の割合で増え続けました。開園後、10か所のゲートで入場を開始しましたが、開園から56分後に入場ゲートをすべて開放して入場を続けたところ、開園から90分後に並んでいる人は0人になりました。

もしも3日の開園後、すべての入場ゲートで入場を開始していれば、開園から50分後に並んでいる人は0人になっていました。

- (3) 入場ゲートは全部で何か所ありますか。
- (4) 3日の開園前に並んでいた人は何人ですか。

③ 整数  $\star$  に対して、次のような操作を行います。

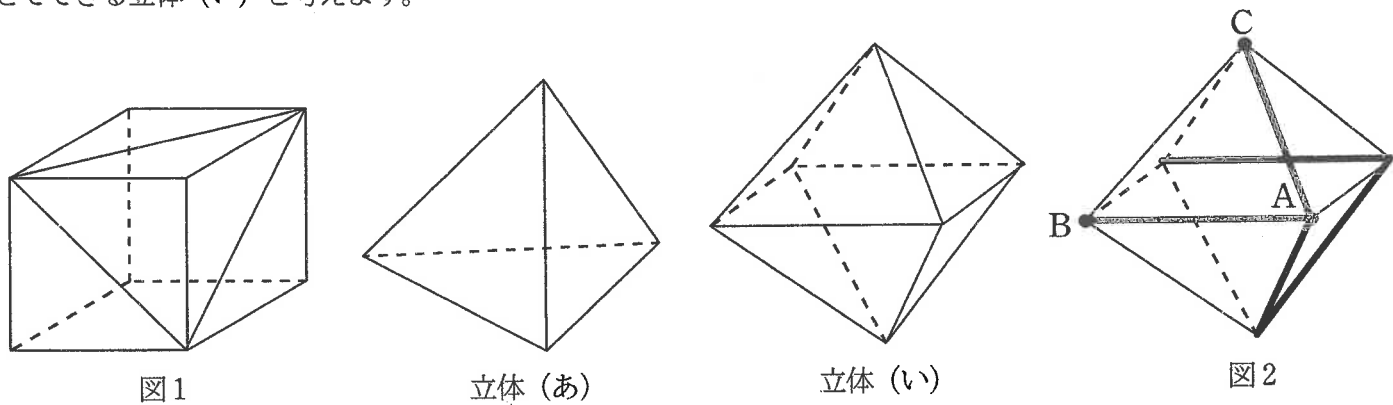
(操作)  $\frac{\star}{4}$  を小数で表したとき、小数第1位の数を四捨五入してできた整数を  $\star$  から引く。

ただし、 $\frac{\star}{4}$  が整数のときはその整数を  $\star$  から引く。

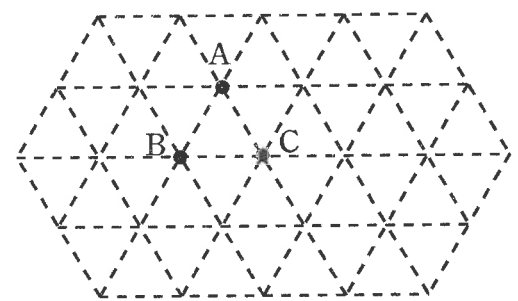
たとえば、 $\star$  が1のとき、 $\frac{1}{4} = 0.25$  だから、小数第1位の数を四捨五入すると0になり、1から0を引いて1となります。 $\star$  が2のとき、 $\frac{2}{4} = 0.5$  だから、小数第1位の数を四捨五入すると1になり、2から1を引いて1となります。1から順に  $\star$  にこの操作を行い、できた整数を順に並べます。上の例のように、1番目は1、2番目は1となります。

- (1) 3番目、4番目、5番目、6番目の整数は何ですか。
- (2) 1番目から12番目までの整数を足した合計はいくつですか。
- (3) 初めて25となるのは何番目ですか。
- (4) 1番目から順に整数を足していくとき、合計が初めて1000をこえるのは何番目まで足したときですか。

④ 1辺の長さが3 cm の立方体があります。図1のように、この立方体の3つの頂点を通る平面で切断すると、切断面は正三角形になります。この切断面の正三角形4つをはり合わせてできる立体(あ)と、正三角形8つをはり合わせてできる立体(い)を考えます。

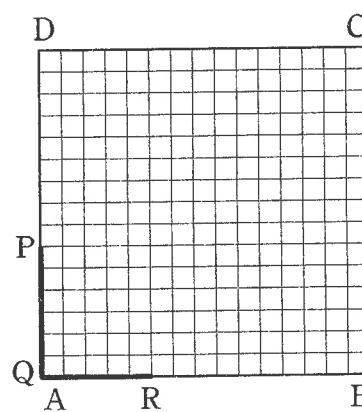


- (1) 立体(あ)の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。
- (2) 立体(い)の4つの頂点を通る平面で切断した切り口は必ず正方形になります。  
立体(い)の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。
- (3) 立体(い)を図2の太線部分で切ります。  
展開図を解答らの図にかきなさい。
- (4) (3)の展開図からは、立体(い)と異なるもう1つの立体(う)を作ることができます。立体(う)の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。



上図は自由に用いてよい。

5 右図のように、1辺の長さが15 cm の正方形 ABCD の角に  $PQ=6$  cm,  $QR=5$  cm の折れ線 PQR が重なっています。次の①と②を続けて行い、折れ線 PQR のどの部分も正方形の外にはみ出ないように移動させます。



- ① 線 PQ と平行に、P のほうへ真っすぐ移動させる。
- ② 点 Q を中心として、時計回りにできるだけ回転させる。

- (1) 図1は①で5 cm だけ移動させたものです。①、②で折れ線 PQR が通過した部分を X とします。X の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。
- (2) ①で移動する長さをいろいろ変えるとき、①、②で折れ線 PQR が通過できる部分の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。

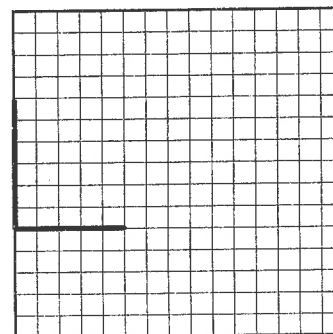


図1

図2は①で2 cm だけ移動させたものです。②で図3のように点 R が辺 AB 上にきます。そこで、さらに次の③と④を続けて行い、折れ線 PQR のどの部分も正方形の外にはみ出ないように移動させます。

- ③ 線 PQ と平行に、P のほうへ真っすぐ移動させる。
- ④ 点 Q を中心として、線 PQ が辺 AB と初めて平行になるまで時計回りに回転させる。

図3の状態から、③で図4のように線 PQ と平行に、P のほうへ何 cm か真っすぐ移動させると、④で図5のように線 PQ が辺 AB と初めて平行になります。

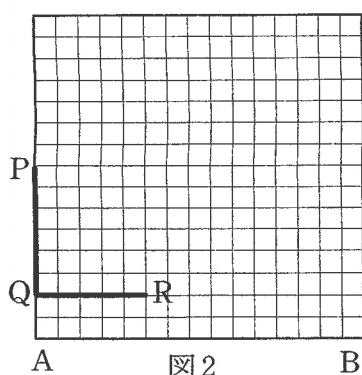


図2

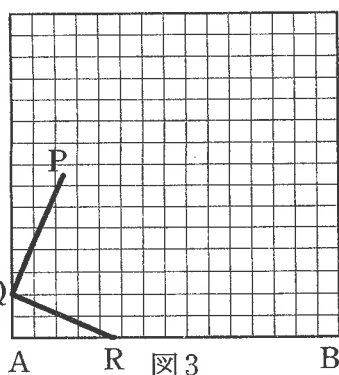


図3

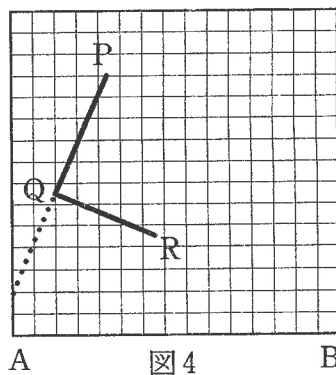


図4

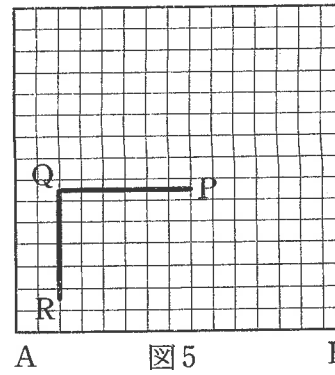


図5

(3) 図6は①で3 cm だけ移動させたものです。②で点 R が辺 AB 上にきます。

③と④で線 PQ が辺 AB と初めて平行になるまで移動できるためには、③で少なくとも  cm 移動させなければなりません。アにあてはまる数は何ですか。

(4) (3)において、③で  cm 移動したときを考えます。①から④で折れ線 PQR が通過した部分を Y とします。(1)の X と Y の面積の差は何  $\text{cm}^2$  ですか。下図は自由に用いてよい。

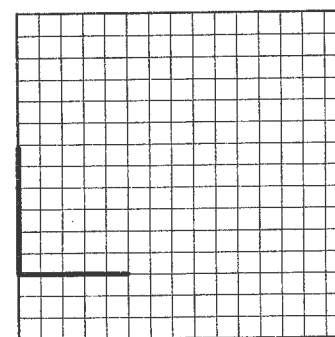
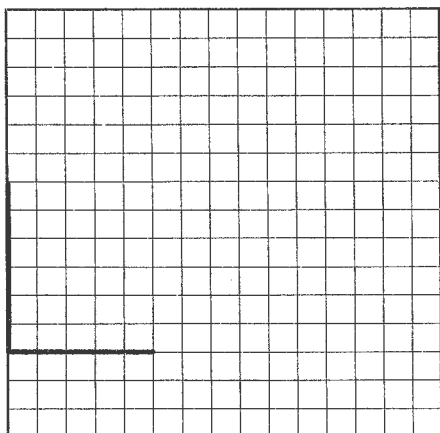


図6



受験番号	
------	--

④ 算数

①

(1)		(2)	①	通り	②	通り
(3)	度	(4)	①	:	②	cm <sup>3</sup>

--

②

(1)	人	(2)	人	(3)	か所	(4)	人
-----	---	-----	---	-----	----	-----	---

③

(1)	3番目	、4番目	、5番目	、6番目	
(2)		(3)	番目	(4)	番目まで

④

(1)	cm <sup>3</sup>	(2)	cm <sup>3</sup>
(3)			
(4)	cm <sup>3</sup>		

⑤

(1)	cm <sup>2</sup>	(2)	cm <sup>2</sup>	(3)		(4)	cm <sup>2</sup>
-----	-----------------	-----	-----------------	-----	--	-----	-----------------