

解 答

- 1 (1) $\frac{11}{18}$ (2) A 3 B 5 C 2 D 1 E 4 F 6 (3) 924
 (4) ⑦ 140 ① 110 ④ 65 (5) 2119.5 (6) ⑤ 115.5 ⑧ 30.8
- 2 (1) 工 (2) ア 6 イ 14 ウ 13 エ 10 オ 57
 3 (1) 19 (2) 10092
- 4 長いベンチ 14 短いベンチ 18 丸いす 26
 5 体積 30960 四角形 ABCD の面積 2544
 6 (1) 12 (2) $8 \cdot 17 \cdot 15 \cdot A$ から $B \cdot 1.65$
 7 (1) 9 : 8 (2) 7.4

解 説

(2) 第2式から $C = 1$ とすると、 $E = 2$ 、 $F = 3$ となるから、 D は 3 以上である。
 したがって、この場合、 $A + B$ は $(3 \times 2 \times 2 =) 12$ 以上となり、あてはまる A 、 B はない。
 $C = 2$ とすると、 $E = 4$ 、 $F = 6$ となるから、 $D = 1$ 。このとき、 $A + B = 8$
 であるから、 $A = 3$ 、 $B = 5$ となる。

- (3) 速さの比は $(6 \times 5) : (5 \times 7) = 6 : 7$ であるから、
 $110 \div (7 - 6) \times 6 = 660$ (歩)
 $660 \div 5 \times 7 = 924$ (歩)
- (4) ⑦ $50 + 90 = 140$ (度)
 ① $50 + 60 - 90 = 20$ (度)、 $20 + 90 = 110$ (度)
 ④ $110 - 45 = 65$ (度)
- (5) $47.1 \div 3.14 \div 2 = 7.5$ (cm)
 $7.5 \times 7.5 \times 3.14 \times 12 = 2119.5$ (cm³)
- (6) CE の延長と AB との交点を F とすると、三角形 ⑦ の面積は平行四辺形 AFCD の半分になっている。
 $11 \times 21 \div 2 = 115.5$ (cm²)
 また、三角形 FBE と三角形 CDE は相似になっているから、
 $BE : ED = (15 - 11) : 11 = 4 : 11$
 よって、三角形 ⑧ の面積は $11 \times 21 \times \frac{4}{15} = 30.8$ (cm²)

2. (1) $98 = 2 \times 7 \times 7$

より、箱工に入る。

(2) $100 \div 5 = 20$

$100 \div (5 \times 3) = 6$ あまり 10

より、箱アは 6 枚、箱イは $(20 - 6 =) 14$ 枚

箱ウに入るカードは、5 の倍数でない 6 の倍数であるから、

$100 \div 6 = 16$ あまり 4

$100 \div (5 \times 6) = 3$ あまり 10

$16 - 3 = 13$ (枚)

箱工に入るカードは、5、6 の倍数でない 7 の倍数であるから、

$100 \div 7 = 14$ あまり 2

うち、5 または 6 の倍数を調べると {35, 70, 42, 84} の 4 枚

$14 - 4 = 10$ (枚)

箱オは箱ア～エの残りになるから、

$100 - (6 + 14 + 13 + 10) = 57$ (枚)

3. (1) $266 \div 2 \div (3+4) = 19$ (枚)
(2) $(1+3+5+\dots+39) \times 2+4 = 841$ (枚)

$$(3 \times 4) \times 841 = 10092 \text{ (cm}^2\text{)}$$

4. $(182 - 150) \div 1 = 32$ (個)……長いベンチと短いベンチの和
 $58 - 32 = 26$ (個)……丸いす

長いベンチと短いベンチに座っている人数の合計は

$$150 - 1 \times 26 = 124 \text{ (人)}$$

$$(124 - 3 \times 32) \div (5-3) = 14 \text{ (個)} \dots \dots \text{長いベンチ}$$

$$32 - 14 = 18 \text{ (個)} \dots \dots \text{短いベンチ}$$

5. 体積: $48 \times 15 \times \frac{71+15}{2} = 30960 \text{ (cm}^3\text{)}$

$$71 + 15 - 51 = 35 \text{ (cm)} \dots \dots DC$$

より、四角形 ABCD の面積は

$$(71+35) \times 48 \div 2 = 2544 \text{ (cm}^2\text{)}$$

6. (1) バスの分速は 0.6 km であるから、1 区間 (4.2 km) を 7 分で走るから、バスが C 駅に着く時間は
 $7 \times 2 + 1 = 15$ 分後 ($\rightarrow 8$ 時 15 分)

花子さんが C 駅に着くまでの時間

$$8 \text{ 時 } 15 \text{ 分} - 7 \text{ 時 } 33 \text{ 分} = 42 \text{ (分)}$$

より、求める時速は

$$(4.2 \times 2) \div \frac{42}{60} = 12 \text{ (km)}$$

(2) 花子さんの走る分速は

$$12 \div 60 = 0.2 \text{ (km)}$$

より、1 区間を走る時間は、

$$4.2 \div 0.2 = 21 \text{ (分)}$$

で、バスが C 駅を発車するのが $(7 \times 2 + 1 + 1) = 16$ 分後になるから、1 回目に出会うのは CA 間である。

$$(4.2 - 0.2 \times 16) \div (0.6 + 0.2) = 1.25 \text{ (分後)}$$

$$8 \text{ 時 } 16 \text{ 分} + 1.25 \text{ 分} = 8 \text{ 時 } 17 \text{ 分 } 15 \text{ 秒}$$

また、3 回目に出会うのは、 $0.2 \times 17.25 \times 3 = 10.35 \text{ (km)}$

$$10.35 \div 4.2 = 2 \text{ あまり } 1.95$$

より、3 回目に出会うのは、AB 間である。(バスの3周目)

バスが3度目にA駅を発車するのは

$$(7 \times 3 + 1 + 1 + 3) \times 2 = 52 \text{ (分後)}$$

このとき、花子さんは、A駅まで

$$4.2 \times 3 - 0.2 \times 52 = 2.2 \text{ (km)}$$

の地点を走っているから、

$$2.2 \div (0.6 + 0.2) \times 0.6 = 1.65 \text{ (km)}$$

7. (1) $\frac{1}{6.2-5} : \frac{1}{8-6.2} = 3 : 2 \dots \dots A, B \text{ を混ぜた比}$
 $(3 \div \frac{1}{3}) : (2 \div \frac{1}{4}) = 9 : 8$

(2) $\frac{1}{9.4-8} : \frac{1}{10-9.4} = 3 : 7 \dots \dots B, C \text{ を混ぜた比}$

$$(3 \div \frac{1}{2} \div \frac{3}{4}) : 7 \div \frac{3}{5} = 24 : 35 \dots \dots B, C \text{ のはじめの比}$$

よって、A、B、C のはじめの量の比は $27 : 24 : 35$

残っている量の比は、

$$27 \times \frac{2}{3} : 24 \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} : 35 \times \frac{2}{5} = 18 : 9 : 14$$

$$(18 \times 5 + 9 \times 8 + 14 \times 10) \div (18 + 9 + 14) = 7.36 \rightarrow 7.4\%$$