

算 数

I ア… $\frac{4}{63}$ イ…50 ウ…37 エ…55 オ…30

II (1) ① 95.2回転 ② $1\frac{81}{119}$ 周

(2)(a)① 282.6cm^3 ② 244.92cm^3 ③ 113.04cm^3 (b)① 19段 10個 ② 1243.44cm^3

III (1) ア… $5\frac{1}{3}$ イ… $6\frac{2}{3}$ (2) $9\frac{1}{3}\text{cm}^3$ (3)① 20cm^3 ② $46\frac{2}{3}\text{cm}^3$

IV (1) $3\frac{29}{40}$ (2)① 解説参照 ② 1194

解 説

$$\begin{aligned} \text{I (1)} \quad & 1\frac{11}{54} - \left\{ \left(1.875 - \frac{5}{12} \right) \times \square \right\} \times 3 = \frac{25}{27} \\ & 1\frac{11}{54} - \left(\frac{35}{24} \times \square \right) \times 3 = \frac{25}{27} \\ & \left(\frac{35}{24} \times \square \right) \times 3 = 1\frac{11}{54} - \frac{25}{27} = \frac{5}{18} \\ & \square = \frac{5}{18} \div 3 \div \frac{35}{24} = \frac{4}{63} \end{aligned}$$

(2) 花子さんが買った分と弟が買った分を合わせると、消費税が10%のお菓子和消費税が8%のお菓子を12個ずつ買ったことになります。よって、1個の税抜きの値段を1とすると、代金の合計は、

$$1 \times (1 + 0.1) \times 12 + 1 \times (1 + 0.08) \times 12 = (1.1 + 1.08) \times 12 = 26.16$$

となります。これが1308円にあたりますから、1にあたる金額(=1個の税抜きの値段)は、

$$1308 \div 26.16 = 50 (\text{円})$$

(3)① 単位をcmにそろえて計算します。1本目の柱から10本目の柱までの長さは、

$$550 \times (10 - 1) = 4950 (\text{cm}) \quad (\text{図1})$$

ですから、

$$(4950 - 35) \div 135 = 36 \text{ 余り } 55$$

より、右の(図1)のように表すことができます。よって、ちょうちんの

数は(36 + 1 =)37個で、10本目の柱に1番近いちょうちんは、その柱から55cmのところにあります。

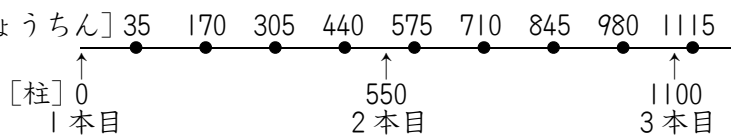
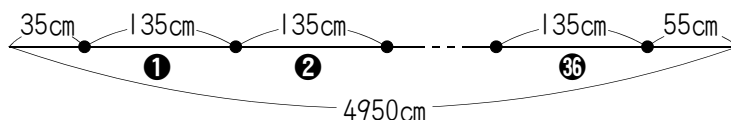
② 1本目の柱からの長さを (図2)

調べると、右の(図2)のようになります(単位はcm)。

1本目の柱から最も近いちょうちんは柱の35cm右にあ

り、2本目の柱から最も近いちょうちんは柱の(575 - 550 =)25cm右にあり、3本目の柱から最も近いちょうちんは柱の(1115 - 1100 =)15cm右にあります。このように、柱とちょうちんの間の長さは10cmずつ変化しますから、下の表のようになります。よって、とりはずすちょうちんはかげをつけた7個ですから、残っているちょうちんの数は(37 - 7 =)30個とわかります。

柱	1本目	2本目	3本目	4本目	5本目	6本目	7本目	8本目	9本目	10本目
ちょうちん	35cm右	25cm右	15cm右	5cm右	5cm左	15cm左	25cm左	35cm左	45cm左	55cm左



Ⅱ (1)① 2つの半円を合わせると円になりますから、コース1周の長さは、

$$20 \times 3.14 + 40 \times 2 = 142.8(\text{m}) \rightarrow 14280\text{cm}$$

よって、Aさんが1周すると、周の長さが150cmの輪は、

$$14280 \div 150 = 95.2(\text{回転})$$

します。

② 2人とも輪を1秒間に1回転させながら進みますから、Aさんは毎秒150cm、Bさんは毎秒120cmの速さで進んだことになります。よって、AさんとBさんの速さの比は、 $(150 : 120 =) 5 : 4$ ですから、AさんとBさんが同じ道のりを進むのにかかる時間の比は、 $(\frac{1}{5} : \frac{1}{4} =) 4 : 5$ となります。

また、Aさんがコースをはずれていた時間は $(20 \times 2 =) 40$ 秒ですから、比の差が40秒にあたり、

$$40 \div (5 - 4) = 40(\text{秒}) \cdots \cdots \text{比の1にあたる時間}$$

$$40 \times 5 = 200(\text{秒}) \cdots \cdots \text{Bさんが進んだ時間}$$

$$120 \times 200 = 24000(\text{cm}) \cdots \cdots \text{BさんとAさんが進んだ道のり}$$

とわかります。よって、AさんとBさんが進んだのは、

$$24000 \div 14280 = \frac{24000}{14280} = \frac{200}{119} = 1\frac{81}{119}(\text{周})$$

(2)(a)① 底面の円の半径が3cmで高さが $(1 \times 10 =) 10\text{cm}$ の円柱ですから、体積は、

$$3 \times 3 \times 3.14 \times 10 = 90 \times 3.14 = 282.6(\text{cm}^3)$$

② ①の円柱の表面積ですから、

$$3 \times 3 \times 3.14 = 9 \times 3.14(\text{cm}^2)$$

……底面積1つ分

$$3 \times 2 \times 3.14 \times 10 = 60 \times 3.14(\text{cm}^2)$$

……側面積

$$9 \times 3.14 \times 2 + 60 \times 3.14 = 78 \times 3.14 = 244.92(\text{cm}^2) \cdots \cdots \text{青くぬった部分の面積}$$

③ ずらすことによって現れる白い部分1か所の面積は、

$$9 \times 3.14 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right) = 6 \times 3.14(\text{cm}^2)$$

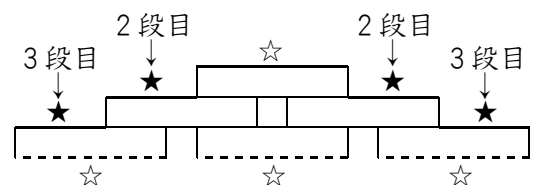
これが全部で6か所ありますから、白い部分の面積は、

$$6 \times 3.14 \times 6 = 36 \times 3.14 = 113.04(\text{cm}^2)$$

(b)① $1 + 2 + \cdots + 19 = (1 + 19) \times 19 \div 2 = 190$

より、19段まで積み重ねることができ、 $(200 - 190 =) 10$ 個の積み木が余ることがわかります。

② 右の図(=3段目まで積んだ図)で、上から見えるのは太実線の部分で、机に触れているのは太点線の部分です。このうち、☆印の部分1か所の面積は $(9 \times 3.14)\text{cm}^2$ で、★印の部分1か所の面積は $(6 \times 3.14)\text{cm}^2$ です。また、19段目まで



積んだとき、一番下の段には19個の積み木がありますから、☆印の個数は $(1 + 19 =) 20$ 個です。

さらに、★印の部分は2段目から19段目までに2個ずつありますから、★印の個数は、

$$2 \times (19 - 2 + 1) = 36(\text{個})$$

とわかります。よって、赤くぬった部分の面積は、

$$9 \times 3.14 \times 20 + 6 \times 3.14 \times 36 = (180 + 216) \times 3.14 = 396 \times 3.14 = 1243.44(\text{cm}^2)$$

Ⅲ (1) 三角形ADMの3つの辺の長さの比は、

$$MD : DA : AM = 3 : 4 : 5$$

ですから、三角形GCBの3つの辺の長さの比も、

$$BC : CG : GB = 3 : 4 : 5$$

になります。また、BCの長さは4cmですから、

$$4 \times \frac{4}{3} = \frac{16}{3} = 5\frac{1}{3}(\text{cm}) \cdots \cdots GC, \quad 4 \times \frac{5}{3} = \frac{20}{3} = 6\frac{2}{3}(\text{cm}) \cdots \cdots BG$$

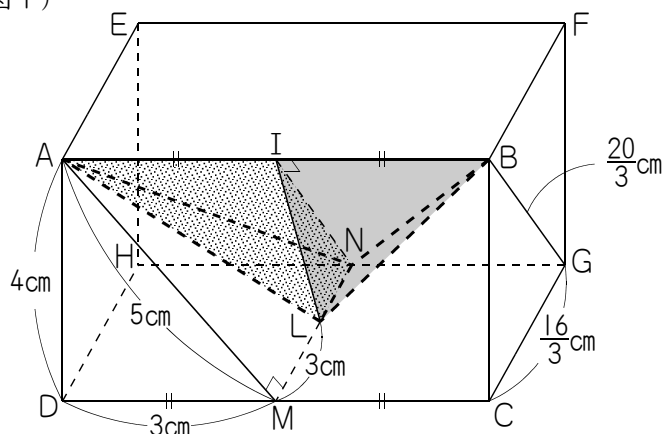
- (2) 立体ALBNは(図1)の太線で囲んだ立体です。ABの真ん中の点をIとすると、この立体は、三角形ILNを底面とする2つの合同な三角すいA-ILNとB-ILNに分けることができます。また、この図形を真横から見ると(図2)のようになりますから、

$$\left(\frac{16}{3} - 3\right) \times 4 \div 2 = \frac{14}{3} (\text{cm}^2) \cdots \cdots \text{三角形ILNの面積}$$

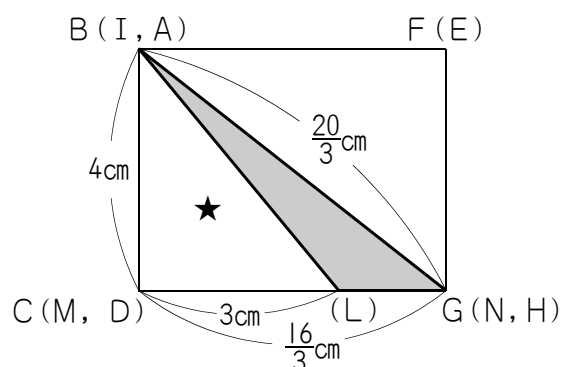
$$\frac{14}{3} \times 3 \times \frac{1}{3} = \frac{14}{3} (\text{cm}^3) \cdots \cdots \text{三角すいA-ILN}(=\text{三角すいB-ILN})\text{の体積}$$

$$\frac{14}{3} \times 2 = \frac{28}{3} = 9\frac{1}{3} (\text{cm}^3) \cdots \cdots \text{立体ALBNの体積}$$

(図1)



(図2)



- (3)① 三角形ANBは、ABを底辺、NI(=GB)を高さとする三角形ですから、面積は、

$$6 \times \frac{20}{3} \div 2 = 20 (\text{cm}^2)$$

- ② 三角形ALNは、LNを底辺、AMを高さとする三角形ですから、

$$\left(\frac{16}{3} - 3\right) \times 5 \div 2 = \frac{35}{6} (\text{cm}^2) \cdots \cdots \text{三角形ALN}(=\text{三角形BLN})\text{の面積}$$

また、三角形ALBは、ABを底辺、LIを高さとする三角形です。(図2)の★印をつけた三角形は(図1)の三角形ADMと合同ですから、LIの長さは5 cmとわかります。よって、

$$6 \times 5 \div 2 = 15 (\text{cm}^2) \cdots \cdots \text{三角形ALBの面積}$$

$$20 + 15 + \frac{35}{6} \times 2 = 46\frac{2}{3} (\text{cm}^2) \cdots \cdots \text{立体ALBNの表面積}$$

- IV (1) 10 gの球には4の倍数が、20 gの球には3で割って1余る数が書いてあります。また、この両方に共通する最も小さい数は4で、その後は4と3の最小公倍数である12ごとに現れますから、60 gの球に

書いてある数は、「12で割って4余る数」となり、上のようにまとめることができます。よって、60 gの球に書いてある数のうち、5の倍数は{40, 100}の2個です。また、20 gの球に書いてある数のうち、最も小さい5の倍数は10で、その後は3と5の最小公倍数である15ごとに現れますから、20 gの球に書いてある数のうち、5の倍数は{10, 25, 40, 55, 70, 85, 100}の7個あります。したがって、

_____を分母、_____を分子とする1未満の分数の合計は、

$$\frac{10}{40} + \frac{25}{40} + \frac{10}{100} + \frac{25}{100} + \frac{40}{100} + \frac{55}{100} + \frac{70}{100} + \frac{85}{100} = \frac{35}{40} + \frac{(10+85) \times 6 \div 2}{100} = \frac{7}{8} + \frac{285}{100} = 3\frac{29}{40}$$

- 10 gの球 {4, 8, 12, 16, ……………, 100}
- 20 gの球 {1, 4, 7, 10, ……………, 100}
- 60 gの球 {4, 16, 28, 40, 52, 64, 76, 88, 100}

- (2)① 10 g, 20 g, 60 g の球の個数をそれぞれ○個, □個, △個として図に表すと, 右のようになります。この図形全体の面積が250 g ですから, かげをつけた部分の面積は,

$$250 - 10 \times 13 = 120 (\text{g})$$

となり,

$$(20 - 10) \times \square + (60 - 10) \times \triangle = 120$$

$$10 \times \square + 50 \times \triangle = 120$$

$$1 \times \square + 5 \times \triangle = 12$$

と表すことができます。この式で, $\triangle = 0$ とすると, $\square = 12$ となり, $\bigcirc = (13 - 12 =) 1$ と求められます。また, \triangle を 1 増やすと \square は 5 減りますから, 考えられる選び方は右の 3 通りとわかります。

- ② 10 g が 5 個, 20 g が 7 個, 60 g が 1 個の場合について考えます。書かれている数の合計が最も大きくなるのは,

- 10 g …… 100, 96, 92, 88, 84
- 20 g …… 100, 97, 94, 91, 88, 85, 82
- 60 g …… 100

の場合です。ここで, 10 g の球に書かれている数は 4 の倍数ですから, これらの合計を 4 で割ると割り切れます。また, 60 g の球に書かれている数も 4 で割ると割り切れますから, 13 個の球に書かれている数の合計を 4 で割ったときに 2 余るようにするには, 20 g の球に書かれている数の合計を 4 で割ったときに 2 余ればよいことになります。(合計) = (平均) \times (個数) を利用すると, いま 20 g の球に書かれている数の合計は,

$$100 + 97 + 94 + 91 + 88 + 85 + 82 = 91 \times 7 = 637$$

ですから,

$$637 \div 4 = 159 \text{ 余り } 1$$

より, 条件に合いません。そこで, 最も小さい 82 を 79 と交換すると,

$$637 - 3 = 634 \cdots \cdots 20 \text{ g の球に書かれている数の合計}$$

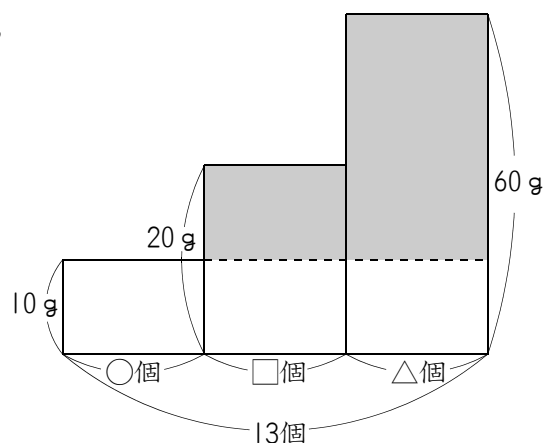
$$634 \div 4 = 158 \text{ 余り } 2$$

となり, 条件に合います。よって, 13 個の球に書かれている数の合計は,

$$\underline{92 \times 5} + \underline{634} + \underline{100} = 1194$$

$$\begin{array}{ccc} 10 \text{ g} & 20 \text{ g} & 60 \text{ g} \end{array}$$

とわかります。



10 g の球の個数 (○)	1	5	9
20 g の球の個数 (□)	12	7	2
60 g の球の個数 (△)	0	1	2