

# 算 数

I (1)①  $1\frac{1}{4}$  (2)  $8\frac{7}{11}$  (2)① 630 (2) 129 (3) 8811

II (1) 9秒後 (2) 2分3秒後

III (1)① 每秒  $5\text{ cm}^3$  (2)  $5\text{ cm}$  (2) 每秒  $7\frac{7}{8}\text{ cm}^3$

IV (1)立体1 白… $471\text{ cm}^3$  赤… $113.04\text{ cm}^3$

立体2 白… $376.8\text{ cm}^3$  青… $56.52\text{ cm}^3$

立体3 白… $565.2\text{ cm}^3$  黄色… $75.36\text{ cm}^3$

(2)  $4144.8\text{ cm}^3$

完成した立体の個数						
立体1	2	2	4	4		
立体2	8	11	1	7		
立体3	3	1	6	2		

V (1)  $2880\text{ cm}^3$  (2)  $2871\text{ cm}^3$  (3)  $2664\text{ cm}^3$

## 解 説

I (2)①  $\frac{10 \times 9}{2 \times 1} = 45$  (通り) ……並べる2種類の数字の選び方

選んだ2種類の数字の並べ方は、1種類だけになってしまう並べ方が2通りあることに注意すると、  
 $2 \times 2 \times 2 \times 2 - 2 = 14$  (通り)

したがって、できる数は、全部で、

$$45 \times 14 = 630 \text{ (個)}$$

② 千の位の数を□とするとき、百、十、一の位の、□を含む2種類の数字の並べ方は、□がいくつであっても変わりませんから、千の位が0～9になる数は、それぞれ同じ個数ずつあります。よって、千の位が0, 1 :  $630 \div 10 = 63$  (個)

千の位が2 : 2000, 2002, 2020の3個

以上より、2020は小さい方からかぞえて、

$$63 \times 2 + 3 = 129 \text{ (番目)}$$

③  $92 \div 63 = 1 \text{ あまり } 29 \rightarrow$  千の位が8の数のうち、大きい方から29番目百の位の数で分けて考えます。

百の位が9 : 8999, 8998, 8989, 8988の4個

百の位が8 : 888□, 88□8, 88□□の3通りについて、□に入る数が8以外の9通りありますから、

$$3 \times 9 = 27 \text{ (個)}$$

以上より、千の位が8の数のうち、大きい方から(4+27=)31番目の数は8800です。よって、  
③8800, ③8808, ②8811

より、千の位が8の数のうち、大きい方から29番目の数は8811ですから、求める数は8811です。

II (1) P, QはDG上でしか出会うことはありません。Pは $(16 \div 2 =) 8$ 秒後に点Dに着き、このとき、QはDG上にいますから、2点はどちらも1周目で初めて出会います。したがって、  
 $(16+20) \div (2+2) = 9$  (秒後)

(2)  $(16 \times 2 + 20 \times 2) \div 2 = 36$  (秒) ……Pが1周するのにかかる時間  
 $(20+12+16) \div 2 = 24$  (秒) ……Qが1周するのにかかる時間

より、2点は36と24の最小公倍数の72秒を1つの周期として動きます。よって、72秒後までに2点がDG上にいる時間を調べます。2点はDGを通過するのに $(20 \div 2 =) 10$ 秒かかりますから、

$$\left. \begin{array}{l} P : 8 \sim 18, 44 \sim 54 \\ Q : 0 \sim 10, 24 \sim 34, 48 \sim 58 \end{array} \right\} \rightarrow \text{~~部分で2回目に出会う}$$

$$2 \times (48-44) = 8 \text{ (cm)} \quad \cdots \cdots 48\text{秒後のPDの長さ}$$

$$(20-8) \div (2+2) = 3 \text{ (秒)} \quad \cdots \cdots 48\text{秒後から2点が出会うまでにかかる時間}$$

よって、2点は1周期に9秒後と $(48+3=) 51$ 秒後の2回出会います。したがって、4回目に出会うのは、2周期目の2回目ですから、出発してから、

$$72+51=123 \text{ (秒後)} \rightarrow 2 \text{ 分} 3 \text{ 秒後}$$

III (1) 右の図は、容器を上から見たものです。

$$3 \times 3 = 9 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \cdots \cdots a$$

$$12 \times 12 - 9 = 135 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \cdots \cdots b$$

$$21 \times 21 - 12 \times 12 = 297 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \cdots \cdots c$$

bの部分の水面が上昇する速さが毎秒 $\frac{1}{27}$ cmですから、

$$135 \times \frac{1}{27} = 5 \text{ (cm)} \quad \cdots \cdots 1\text{つの蛇口から1秒間に水の量(①)}$$

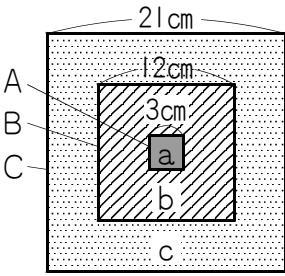
$$5 \times 3 \times 189 = 2835 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots 189\text{秒間で容器に入った水の量の総計}$$

$$2835 - (9 \times 15 + 135 \times 9) = 1485 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots \text{容器C (cを底面とする部分)に入った水の量}$$

$$1485 \div 297 = 5 \text{ (cm)} \quad \cdots \cdots \text{容器Cの高さ(②)}$$

(2) (1)で189秒かかったところを(2分=)120秒で満水にしますから、

$$5 \div \frac{120}{189} = 7 \frac{7}{8} \text{ (cm}^3\text{)}$$



IV (1) • 立体1 白:  $25 \times 6 \times 3.14 = 150 \times 3.14 = 471 \text{ (cm}^3\text{)}$

$$\text{赤: } 6 \times 6 \times 3.14 = 36 \times 3.14 = 113.04 \text{ (cm}^3\text{)}$$

• 立体2 白:  $3 \times 2 \times 20 = 120 \times 3.14 = 376.8 \text{ (cm}^3\text{)}$

$$\text{青: } 3 \times 3 \times 3.14 \times 2 = 18 \times 3.14 = 56.52 \text{ (cm}^3\text{)}$$

• 立体3 白:  $(4 \times 2 \times 3.14 + 2 \times 2 \times 3.14) \times 15 = 180 \times 3.14 = 565.2 \text{ (cm}^3\text{)}$

$$\text{黄: } (4 \times 4 \times 3.14 - 2 \times 2 \times 3.14) \times 2 = 24 \times 3.14 = 75.36 \text{ (cm}^3\text{)}$$

(2) (1)の\_より、36, 18, 24の最小公倍数を考えればよいですから、

右の連除法より、

$$2 \times 3 \times 2 \times 3 \times 1 \times 1 \times 2 = 72$$

よって、3色の面積が等しくなる場合で、最も少ない立体の個数は、

$$72 \div 36 = 2 \text{ (個)} \quad \cdots \cdots \text{立体1}$$

$$72 \div 18 = 4 \text{ (個)} \quad \cdots \cdots \text{立体2}$$

$$72 \div 24 = 3 \text{ (個)} \quad \cdots \cdots \text{立体3}$$

したがって、その場合の白い部分の面積の合計は、

$$150 \times 3.14 \times 2 + 120 \times 3.14 \times 4 + 180 \times 3.14 \times 3 = 1320 \times 3.14 = 4144.8 \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\begin{array}{r} 2 \longdiv{36} & 18 & 24 \\ 3 \longdiv{18} & 9 & 12 \\ 2 \longdiv{6} & 3 & 4 \\ 3 \longdiv{3} & 3 & 2 \\ & 1 & 2 \end{array}$$

$$(3) 5652 = 1800 \times 3.14$$

ですから、立体 1, 2, 3 の個数をそれぞれ  $x, y, z$  とすると、

$$150 \times 3.14 \times x + 120 \times 3.14 \times y + 180 \times 3.14 \times z = 1800 \times 3.14 \rightarrow 5 \times x + 4 \times y + 6 \times z = 60$$

これを満たす  $(x, y, z)$  の組み合わせを考えます。このとき、5 だけが奇数ですから、 $x$  は偶数になります。

①  $x = 2$  の場合

$$4 \times y + 6 \times z = 60 - 5 \times 2 = 50 \rightarrow 2 \times y + 3 \times z = 25$$

よって、(表 1)より、 $(x, y, z) = (2, 8, 3), (2, 11, 1)$

②  $x = 4$  の場合

$$4 \times y + 6 \times z = 60 - 5 \times 4 = 40 \rightarrow 2 \times y + 3 \times z = 20$$

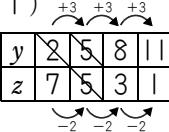
(表 2)より、 $(x, y, z) = (4, 1, 6), (4, 7, 2)$

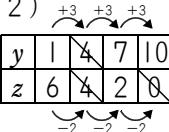
③  $x$  が 6 以上の場合

条件を満たす  $(x, y, z)$  はありません。

①～③より、

$$(x, y, z) = (2, 8, 3), (2, 11, 1), (4, 1, 6), (4, 7, 2)$$

(表 1)	
-------	---

(表 2)	
-------	---

V (1) 切り口は(図 I)のようになります、直方体から三角すいを取り除いた立体になります。

$$12 \times 12 \times 24 = 3456 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots \text{もとの直方体}$$

$$12 \times 12 \div 2 \times 24 \times \frac{1}{3} = 576 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots \text{取り除く三角すい}$$

$$3456 - 576 = 2880 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots \text{求める立体}$$

(2) (1)で求めた立体から(図 II)のかげの部分を取り除きます。

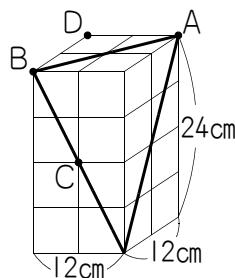
$$3 \times 3 \div 2 \times 6 \times \frac{1}{3} = 9 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots \text{かげの部分}$$

$$2880 - 9 = 2871 \text{ (cm}^3\text{)} \quad \cdots \cdots \text{求める立体}$$

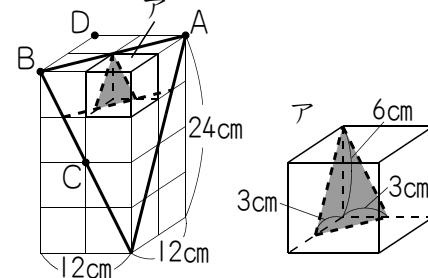
(3) (1)で求めた立体から(図 III)のかげの部分を取り除きます。(図 III)のイの斜線の部分の立体と、ウのかげの部分の立体を組み合わせると一辺が 6 cm の立方体になります。したがって、求める体積は、

$$2880 - 6 \times 6 \times 6 = 2664 \text{ (cm}^3\text{)}$$

(図 I)



(図 II)



(図 III)

