

解答

1. 23人
 2. (1) 2.25 cm³ (2) イ…75度, ロ…9 cm²
 3. (1) ×, △ (2) 1711
 4. (1) 午前8時6分 (2) 午前11時30分 (3) 午後0時42分
 5. (1) 12.5秒後, 27.5秒後 (2) 4秒後, 12秒後, 20秒後, 28秒後, 36秒後
 6. (1) 98 cm² (2) 232 cm²
 7. (1) 2:3 (2) 15 cm (3) あ… $3\frac{1}{3}$, い…10

解説

1. $40 - 3 - 5 = 32$ (人) ……40点と60点の人数の和
 $20 \times 40 + 20 \times (40 - 10) + 20 \times (40 - 20) + 20 \times (40 - 20) = 2200$ (点)
 ……40人の得点の和
 $2200 - 20 \times 3 - 80 \times 5 = 1740$ (点) ……40点と60点の人の得点の和
 $(1740 - 40 \times 32) \div (60 - 40) = 23$ (人)

2. (1) 長さは右の図のようになります。これより、

$$\textcircled{5} + \textcircled{5} = 5 \text{ cm} \rightarrow \textcircled{3} + \textcircled{3} = 3 \text{ cm}$$

$$\textcircled{7} + \textcircled{3} = 4 \text{ cm}$$

したがって、

$$(4 - 3) \div (7 - 3) = 0.25 \text{ (cm)} \dots\dots \textcircled{1}$$

$$0.25 \times 3 = 0.75 \text{ (cm)}$$

$$0.75 \times 3 \div 2 \times 2 = 2.25 \text{ (cm}^2\text{)}$$

- (2)(イ) $(180 - 30) \div 2 = 75$ (度)

(ロ) 斜線部分の面積は、三角形BCDの面積と同じになります。

角CBDは30度ですから、

$$6 \div 2 = 3 \text{ (cm)}$$

$$6 \times 3 \div 2 = 9 \text{ (cm}^2\text{)}$$

3. (1) 1段目は {△, ×, □, △, ×, □} の6個が1つの周期で、
 2段目は {×, □, □, △} の4個が1つの周期になります。

したがって、12個が周期と考えられます。

$$(303 - 1) \div 2 + 1 = 152$$

$$152 \div 12 = 12 \text{ あまり } 8$$

よって、上から {×, △} です。

- (2) 12個の中に△は7個ありますから、

$$500 \div 7 = 71 \text{ あまり } 3$$

$$1 + 2 \times (71 - 1) = 141$$

$$141 + 2 \times (4 - 1) = 147$$

4. (1) $6 \div 12 = 0.5$ (時間)

$$6 \times 0.5 = 3 \text{ (km)}$$

$$(2.4 \times 2 - 3) \div (12 + 6) = 0.1 \text{ (時間)}$$

$$0.5 + 0.1 = 0.6 \text{ (時間)} \rightarrow 36 \text{ 分}$$

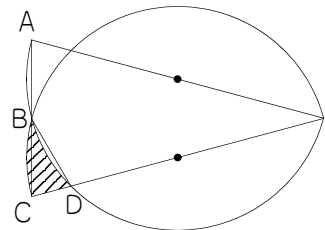
したがって、午前8時6分です。

- (2) 弟は30分ごとにA地点にもどり、兄は、

$$2.4 \times 2 \div 6 = 0.8 \text{ (時間)} \rightarrow 48 \text{ 分ごと}$$

にA地点にもどります。30分と48分の最小公倍数は240分(4時間)ですから、

$$\text{午前7時30分} + 4 \text{ 時間} = \text{午前11時30分}$$



- (3) 弟が1周(2周目から)するごとに兄と出会います。弟が10周し終わるのにかかる時間は、
 $0.5 \times 10 = 5$ (時間)
 そのときの兄は、
 $6 \times 5 = 30$ (km)
 $30 \div 2.4 = 12$ あまり 1.2
 $1.2 \div (12 - 6) \times 60 = 12$ (分)
 したがって、
 午前7時30分 + 5時間 + 12分 = 午後0時42分

5. (1) $10 \times 4 \div 1 = 40$ (秒間)
 $10 \div 4 = 2.5$ (秒)
 より、点Pが頂点Bにくる時間とそのときの点Qに位置は、
 2.5秒(AD間), 12.5秒(CD間), 22.5秒(CB間), 32.5秒(AB間)
 点Pが頂点Dにくる時間とそのときの点Qに位置は、は、
 7.5秒(AD間), 17.5秒(CD間), 27.5秒(BC間), 37.5秒(AB間)
 したがって、12.5秒後と27.5秒後に三角形APQの面積は正方形の半分(最大)になります。

- (2) はじめて二等分するのは、
 $20 - \textcircled{4} = \textcircled{1}$
 $20 \div (1 + 4) = 4$ (秒後)
 その後、2点の差が40cmになるのは、
 $40 \div (1 + 4) = 8$ (秒)
 ですから、
 $4 + 8 = 12$ (秒後)
 $12 + 8 = 20$ (秒後)
 $20 + 8 = 28$ (秒後)
 $28 + 8 = 36$ (秒後)

6. (1) $3 \times 5 \times 2 = 30$ (個)
 $30 - 3 = 27$ (個)
 $5 \times 5 \times 5 - 27 = 98$ (個) $\rightarrow 98 \text{ cm}^3$

- (2) まわりから見えている面の数は、
 $5 \times 5 \times 6 - 3 \times 2 \times 2 = 138$ (面)
 まわりから見えない部分の面の数は、右の図より、
 $2 + 3 \times 2 + 4 \times 6 = 32$ (面) ……2段目と4段目
 $2 + 3 \times 4 + 4 \times 4 = 30$ (面) ……3段目
 $32 \times 2 + 30 = 94$ (面)
 したがって、
 $138 + 94 = 232$ (面) $\rightarrow 232 \text{ cm}^2$

	4			
	4			
	3			
4	2	3	4	4
4				

2段目

		4		
		3		
4	3	2	3	4
		3		
		4		

3段目

			4	
4	4	3	2	4
			3	
			4	
			4	

4段目

7. (1) $3 : (7.5 - 3) = 2 : 3$
 (2) ウの部分は1分間に、
 $(10 - 2.5) \div (7.5 - 3) = 1 \frac{2}{3}$ (cm)
 増えます。したがって、
 $1 \frac{2}{3} \times 3 = 5$ (cm)
 $10 + 5 = 15$ (cm) ……Aのしきりの高さ
 (3) $20 \div 15 = \frac{4}{3}$
 $7.5 \times \frac{4}{3} = 10$ (分) ……い
 $1 \frac{2}{3} \times 10 = 16 \frac{2}{3}$ (cm)
 $20 - 16 \frac{2}{3} = 3 \frac{1}{3}$ (cm) ……あ